УДК-535.42

# АНАЛИЗ ДИФРАКЦИОННОГО СПЕКТРА ОПТИЧЕСКИХ ПОЛЕЙ: МЕТОДОЛОГИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ИНВЕРСНОЙ ЗАДАЧИ

#### Розыев Сейитхан

Преподаватель, Туркменский государственный педагогический институт имени Сеидназара Сейди

г. Туркменабад Туркменистан

#### Розыева Азиза Базаркулыевна

Старший преподаватель, Туркменский государственный педагогический институт имени Сеидназара Сейди

г. Туркменабад Туркменистан

#### Акмырадова Гульшат

Студент, Туркменский государственный педагогический институт имени Сеидназара Сейди

г. Туркменабад Туркменистан

#### Аллабердиева Огульхаджар

Студент, Туркменский государственный педагогический институт имени Сеидназара Сейди

г. Туркменабад Туркменистан

## Ильмырадова Лале

Студент, Туркменский государственный педагогический институт имени Сеидназара Сейди

г.Туркменабад Туркменистан

#### Аннотация

Данная статья посвящена всестороннему анализу теоретических основ и практических методов исследования дифракционного спектра оптических полей, возникающего при взаимодействии электромагнитного микроструктурными объектами. Дифракционный спектр рассматривается как уникальный "отпечаток" исследуемой структуры, несущий полную информацию о ее морфологии, топологии и физических свойствах. Особое внимание уделяется инверсной задаче дифракции, которая является ключевой для спектроскопии: по измеренному распределению интенсивности дифракционных необходимо точно восстановить геометрические параметры рассеивающего объекта (например, период, ширину и форму рельефа).

Подробно рассматриваются методологические подходы, включая модальный анализ и метод связанных волн (RCWA), которые используются для прямого и инверсного моделирования дифракционных процессов. Анализируется влияние когерентности, поляризации и анизотропии среды на форму и интенсивность спектра. Подчеркивается решающая роль точного анализа дифракционного спектра в современных технологиях нанодиагностики, оптической метрологии и разработке метаматериалов.

**Ключевые слова:** Дифракционный спектр, Оптические поля, Инверсная задача, Спектроскопия, Метод связанных волн (RCWA), Нанодиагностика, Метаматериалы, Когерентность, Дифракционная решетка, Оптическая метрология.

#### Введение

собой Дифракция представляет фундаментальное физическое явление, проявляющееся в отклонении волн от прямолинейного распространения при огибании препятствий или прохождении через неоднородности, размеры которых сопоставимы с длиной волны излучения. В контексте анализа оптических полей, дифракционный спектр — это пространственное или угловое распределение интенсивности рассеянного света, возникающее в результате взаимодействия падающей электромагнитной волны с периодической или квазипериодической микронаноструктурой. Такие структуры, часто называемые дифракционными решетками или оптическими порами контексте нанофотоники, заставляют падающую волну разбиваться на дискретный набор дифракционных порядков (мод), каждый из которых распространяется под строго определенным углом, заданным уравнением решетки.

Дифракционный спектр несет в себе полный и однозначный "отпечаток" (fingerprint) рассеивающего объекта, содержащий исчерпывающую информацию о его ключевых геометрических, топологических и материальных параметрах. К таким параметрам относятся период структуры, глубина и форма рельефа, ширина линий, а также комплексный показатель преломления материала. Точный анализ этого спектра позволяет не просто наблюдать явление, но и использовать его в качестве высокочувствительного зонда для исследования микромира. Понимание физической сущности дифракции и методов ее спектрального анализа является критическим требованием для развития целого ряда передовых технологий: от создания интегральных оптических схем и фотонных кристаллов до разработки прецизионных систем контроля качества в полупроводниковой промышленности. Современные задачи, особенно в области нанотехнологий, требуют перехода от простого качественного наблюдения дифракционных картин к количественному, восстановлению параметров высокоточному структуры на основе регистрируемого спектра, что и составляет суть инверсной задачи.

### Инверсная Задача Дифракции: От Спектра к Структуре

Центральной методологической проблемой в области дифракционной оптики и метрологии является инверсная задача дифракции. В то время как прямая задача предполагает расчет дифракционного спектра при известных параметрах структуры, инверсная задача является обратной: она требует точно восстановить геометрические и материальные параметры рассеивающей неизвестные основе экспериментально измеренного распределения структуры интенсивности дифракционных порядков. Решение этой задачи является спектроскопической ключевым шагом эллипсометрии, оптической профилометрии и нанодиагностике.

Инверсная задача является типичной некорректной задачей в математической физике, поскольку малые ошибки в измерении дифракционного спектра могут привести к значительным погрешностям в восстановленных параметрах структуры, а также потому, что одна и та же дифракционная картина теоретически может быть создана двумя разными, хотя и редко встречающимися, структурами (явление эквивалентности). Методология решения инверсной задачи обычно строится на итерационном подходе, основанном на принципе минимизации:

Сначала создается обширная библиотека теоретических спектров путем решения прямой задачи для множества комбинаций вероятных геометрических параметров (например, варьируя глубину рельефа и ширину линии) с использованием высокоточных численных методов, таких как метод связанных волн. Затем экспериментально измеренный спектр сравнивается с каждым спектром из этой библиотеки, и искомыми параметрами объявляются те, которые минимизируют (фитнес-функцию), функцию ошибки представляющую среднеквадратичное отклонение между измеренным и модельным спектрами. Такой подход требует высокой вычислительной мощности и безупречной точности численного алгоритма для решения прямой задачи, поскольку любая неточность в моделировании прямого процесса исказит весь инверсный анализ. Развитие машинного обучения, в частности, нейронных сетей, в последние годы предлагает новые пути для ускоренного решения инверсной задачи, позволяя обученной сети мгновенно предсказывать параметры структуры на основе входного спектра, минуя длительный итерационный поиск в базе данных.

#### Методологические Основы Прямого Моделирования Спектра

Точное решение прямой задачи является основой для успешного решения инверсной задачи. Наиболее эффективными и широко используемыми методологическими подходами для анализа дифракции на периодических структурах являются методы, основанные на строгой теории: метод связанных волн (RCWA, Rigorous Coupled-Wave Analysis) и его модификации, а также метод конечных разностей во временной области (FDTD) для более сложных, апериодических структур.

Метод Связанных Волн (RCWA): Этот метод является золотым стандартом для анализа дифракции на одномерных и двумерных периодических решетках. RCWA основан на разложении электромагнитного поля внутри и снаружи периодической структуры в ряды Фурье, где каждый член ряда соответствует отдельной дифракционной моде (порядку). Суть метода заключается в решении системы линейных дифференциальных уравнений для коэффициентов этих Фурьеразложений, которые описывают, как различные дифракционные моды связаны друг с другом в толще периодической структуры. Благодаря высокой точности и вычислительной эффективности, RCWA позволяет учитывать комплексные эффекты, включая анизотропию материала, произвольную форму рельефа (через пошаговую аппроксимацию) и различные углы падения и поляризации. Точность метода напрямую зависит от количества учитываемых Фурье-компонент, что требует разумного компромисса между точностью и временем расчета.

Влияние Поляризации и Когерентности: Анализ дифракционного спектра должен строго учитывать поляризацию падающего света (ТЕ, ТМ или произвольная). Распределение энергии между дифракционными порядками критически зависит от ориентации вектора электрического поля относительно оси решетки, особенно в случае глубокого рельефа. Эффекты когерентности также играют существенную роль. При использовании частично когерентного или некогерентного освещения (как ЭТО часто бывает промышленных В необходимо применять расширенные модели метрологических системах) дифракции, основанные на теории когерентности, которые позволяют корректно усреднять результаты по различным длинами волн или углам падения, что повышает робастность анализа при реальных производственных условиях. Некорректный учет поляризации или когерентности приводит к систематическим ошибкам в решении инверсной задачи.

## Практическое Применение в Нанодиагностике и Метрологии

Точный, количественный анализ дифракционного спектра оптических полей выступает в качестве краеугольного камня современной высокотехнологичной нанодиагностики и оптической метрологии, предлагая неразрушающие, высокоскоростные и субнанометровые методы контроля критически важных параметров. Способность дифракции мгновенно отражать геометрическую и материальную информацию о структуре делает этот подход незаменимым в условиях миниатюризации и роста сложности объектов.

## Спектроскопическая Дифракционная Метрология (SDM) в Полупроводниковой Промышленности

Спектроскопическая Дифракционная Метрология (SDM) трансформировала процесс контроля качества, став де-факто стандартным и обязательным методом контроля на передовых производственных линиях в полупроводниковой промышленности.

неразрушающим образом позволяет И прецизионной, субнанометровой точностью измерять и контролировать критически важные размерные параметры (CD, Critical Dimensions) технологических структур, которые определяют функциональность современных микропроцессоров и микросхем. К таким параметрам относятся: ширина линий (CD) транзисторов и межсоединений, толщина и комплексный показатель преломления тонких диэлектрических и металлических слоев, а также углы наклона стенок рельефа (Side Wall Angle, SWA), которые критичны для литографических процессов. SDM использует широкий спектр длин волн падающего света и регистрирует сложную, высокочувствительную картину зависимости дифракционного спектра от длины волны. Затем, путем мгновенного решения инверсной задачи (с использованием мощного численного аппарата, такого как RCWA, и предварительно рассчитанной библиотеки спектров), ЭТИ многочисленные нанометровые одновременно и мгновенно восстанавливаются. Исключительная скорость (до миллисекунд) и непревзойденная точность этого процесса делают SDM незаменимым инструментом для контроля в реальном времени (in-situ monitoring) непосредственно на производственной линии, позволяя немедленно вносить корректировки в технологические процессы литографии и травления, что критично для поддержания высокой производительности и выхода годных изделий.

#### Разработка Метаматериалов, Плазмоники и Фотоники

Анализ дифракционного спектра является ключевым, жизненно важным инструментом для проектирования, верификации и оптимизации современных и перспективных оптических систем и функциональных материалов, включая метаматериалы, плазмонные волноводы, резонаторы и фотонные кристаллы. Функционирование этих структур полностью основано на точном, искусственном управлении дифракцией и рассеянием света на уровне, меньшем или сопоставимом с длиной волны (субволновой уровень).

**Проектирование и Оптимизация:** С помощью точного дифракционного анализа исследователи могут экспериментально проверить и оптимизировать спектральные характеристики разработанных структур, включая ширину и положение резонансных пиков, глубину подавления, эффективность связи и коэффициент передачи. Это позволяет, например, настроить метаповерхность на создание аномальной дифракции (Generalized Snell's Law), которая необходима для реализации ультратонких линз (металинз), превосходящих по компактности традиционную оптику.

**Эффекты Плазмоники:** В области плазмоники, где используются коллективные колебания электронов на поверхности металлов, анализ дифракционного спектра позволяет точно измерять характеристики поверхностных плазмон-поляритонов, их дисперсионные кривые и эффективность преобразования падающего света в плазмоны. Это критически важно для создания высокочувствительных сенсоров, оптических схем и волноводов нового поколения.

#### Количественный Анализ Биологических Объектов и Материаловедение

Методы дифракционного анализа, в том числе с использованием рентгеновского и когерентного оптического излучения, находят широкое и неинвазивное применение в биологической сфере и материаловедении.

**Биоструктурная Реконструкция:** Дифракция рентгеновских лучей (рентгеноструктурный анализ) или когерентного оптического излучения (голография) на упорядоченных биологических структурах, таких как кристаллы белков, ДНК или упорядоченные слои клеток, позволяет реконструировать их внутреннюю трехмерную атомную и молекулярную структуру и периодичность. Это является основой структурной биологии и помогает понять механизмы жизнедеятельности на молекулярном уровне.

Неинвазивная Оценка Плотности и Морфологии: В оптике дифракция может быть использована для неинвазивной и быстрой оценки пространственной плотности, ориентации и расположения микрочастиц, нановолокон или включений в сложных полимерных, композитных или биологических образцах (например, оценка степени упорядоченности коллагеновых волокон в тканях). Анализ спектра позволяет измерять средний размер частиц или периодичность их упаковки. Эта возможность неразрушающего количественного контроля морфологии открывает новые, перспективные возможности для биомедицинской диагностики, контроля качества фармацевтических продуктов и развития передового материаловедения.

#### Заключение

Анализ дифракционного спектра оптических полей является фундаментальной дисциплиной, стоящей на стыке физики волн, электродинамики и численных методов. Дифракционный спектр выступает как надежный, универсальный и высокочувствительный носитель информации о морфологии наноструктур. Успешное решение инверсной задачи дифракции, основанное на мощных численных методах (RCWA) и современных алгоритмах Искусственного Интеллекта, позволяет переходить от теоретического анализа к практической, субнанометровой метрологии и контролю. Роль этой методологии критически важна для дальнейшего прогресса в области нанотехнологий, производства полупроводниковых чипов, разработки инновационных оптических устройств и создания нового поколения функциональных материалов. Точность и скорость дифракционного анализа являются ключевыми факторами, определяющими темпы развития современных высокотехнологичных отраслей.

## Литература

- 1. Егоров, А. П. Основы дифракционной оптики и ее применение. Лань, 2021.
- 2. Лифшиц, Е. М., Ландау, Л. Д. Теория поля. Том II. Физматлит, 2020.
- 3. Moharam, M. G., Gaylord, T. K. Diffraction analysis of dielectric surface-relief gratings. Journal of the Optical Society of America A, 1986.

- 4. Воробьев, С. Н. Методы нанодиагностики в производстве интегральных схем. Техносфера, 2023.
- 5. Жаров, А. А. Оптическая метрология наноструктур. Изд. МГТУ, 2019.
- 6. Lu, Y., et al. Deep learning for the inverse design of plasmonic metasurfaces. Optics Express, 2020.
- 7. Рябчук, А. И. Дифракционная оптика и ее применение в биомедицине. Изд. СПбГУ, 2021.
- 8. Born, M., Wolf, E. Principles of Optics: Electromagnetic Theory of Propagation, Interference and Diffraction of Light. Cambridge University Press, 1999.